

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Санкт-Петербургский государственный университет промышленных технологий и
дизайна»
(СПбГУПТД)

УТВЕРЖДАЮ
Директор ВШТЭ



Рабочая программа дисциплины

Б1.О.05.01 Математика

Учебный план: ФГОС3++b150304P-2_23-14.plx

Кафедра: 4 Высшей математики

Направление подготовки:
(специальность) 15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств

Профиль подготовки:
(специализация) Робототехнические системы

Уровень образования: бакалавриат

Форма обучения: очная

План учебного процесса

Семестр (курс для ЗАО)	Контактная работа обучающихся		Сам. работа	Контроль, час.	Трудоё мкость, ЗЕТ	Форма промежуточной аттестации	
	Лекции	Практ. занятия					
1	УП	34	68	78	36	6	Экзамен
	РПД	34	68	78	36	6	
2	УП	34	34	40	36	4	Экзамен
	РПД	34	34	40	36	4	
3	УП	34	34	75,75	0,25	4	Зачет
	РПД	34	34	75,75	0,25	4	
Итого	УП	102	136	193,75	72,25	14	
	РПД	102	136	193,75	72,25	14	

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств, утверждённым приказом Минобрнауки России от 09.08.2021 г. № 730

Составитель (и):

старший преподаватель

Куляхтина О.Е.

От кафедры составителя:

Заведующий кафедрой высшей математики

Иванов Б.Ф.

От выпускающей кафедры:

Заведующий кафедрой

Ковалев Д.А.

Методический отдел:

Смирнова В.Г.

1 ВВЕДЕНИЕ К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1 Цель дисциплины: Закладка математического фундамента как средства изучения окружающего мира для успешного освоения дисциплин естественнонаучного и профессионального циклов.

1.2 Задачи дисциплины:

привитие и развитие математического мышления,
воспитание достаточно высокой математической культуры,
освоение обучаемыми математических методов и основ математического моделирования.

1.3 Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Предварительная подготовка предполагает создание основы для формирования компетенций, указанных в п. 2, при изучении дисциплин:

Дисциплина базируется на компетенциях, сформированных на предыдущем уровне образования.

2 КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

ОПК-1: Применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности;

Знать: –методы математического анализа, используемые при аналитическом исследовании систем автоматизации технологических процессов.
--

Уметь: –применять методы математического анализа, используемые при аналитическом исследовании систем автоматизации технологических процессов.
--

Владеть: –навыками использования методов математического анализа при аналитическом исследовании систем автоматизации технологических процессов.
--

3 РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Наименование и содержание разделов, тем и учебных занятий	Семестр (курс для ЗАО)	Контактная работа		СР (часы)	Инновац. формы занятий	Форма текущего контроля
		Лек. (часы)	Пр. (часы)			
Раздел 1. Линейная алгебра	1					О,К
Тема 1. Элементы линейной алгебры: Определители, действия с матрицами, векторное пространство, системы линейных уравнений.		8,5	16,5	14		
Тема 2. Векторы в трехмерном пространстве: Векторы: трехмерное векторное пространство, линейные операции с векторами, ортонормированный базис, скалярное, векторное и смешанное произведения		8,5	15,5	19		
Раздел 2. Аналитическая геометрия						
Тема 3. Аналитическая геометрия на плоскости: Простейшие задачи на метод координат, уравнение прямой на плоскости, кривые второго порядка.		8,5	20	25		
Тема 4. Аналитическая геометрия в пространстве: Уравнение плоскости, уравнения прямой в пространстве. Поверхности 2-го порядка и их применение на практике.		8,5	16	20		
Итого в семестре (на курсе для ЗАО)		34	68	78		
Консультации и промежуточная аттестация (Экзамен)		2,5		33,5		
Раздел 3. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	2					О,К
Тема 5. Пределы, непрерывность: Предел последовательности и функции. Замечательные пределы. Бесконечно малые и их сравнение. Бесконечно большие и их сравнение. Непрерывность. Теоремы о функциях, непрерывных на отрезке.		8,5	8,5	10		

Тема 6. Производная и дифференциал: Определение и геометрический смысл производной. Производные основных элементарных функций. Производная сложной функции. Дифференциал. Экстремум. Формула Тейлора.		8,5	8,5	10		
Раздел 4. Интегральное исчисление						
Тема 7. Неопределенный интеграл: Определение, свойства, замена переменной, интегрирование по частям, интегрирование рациональных дробей и иррациональных выражений.		8,5	8,5	10		О,К
Тема 8. Определенный интеграл: Определение, свойства определенного интеграла, теорема Барроу, формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной, интегрирование по частям. Приложения.		8,5	8,5	10		
Итого в семестре (на курсе для ЗАО)		34	34	40		
Консультации и промежуточная аттестация (Экзамен)		2,5		33,5		
Раздел 5. Дифференциальные уравнения и ряды						
Тема 9. Дифференциальные уравнения: Задача Коши и краевая задача (формулировки), общее решение и общий интеграл, уравнения 1-го порядка, сводящиеся к квадратурам, структура общего решения линейного уравнения 2-го порядка, линейные уравнения с постоянными коэффициентами, системы линейных уравнений, приложения дифференциальных уравнений в теории колебаний.	3	8,5	10	19,75		О,К
Тема 10. Ряды: Признаки сходимости числовых рядов, функциональные ряды, равномерная сходимость, степенные ряды, теорема Абеля, дифференцирование и интегрирование степенных рядов, ряд Тейлора, разложение в ряд Тейлора основных элементарных функций, ряд Фурье, разложение кусочно-непрерывной функции в ряд Фурье, неравенство Бесселя и равенство Парсеваля.		8,5	7	18		
Раздел 6. Функции нескольких переменных и кратные интегралы						

Тема 11. Функции нескольких переменных: Частные производные, производная сложной функции, дифференциал, Производная по направлению, градиент. Эстремум.	8,5	8,5	19		
Тема 12. Кратные и криволинейные интегралы: Двойной и тройной интегралы, криволинейные интегралы 1-го и 2-го рода, условия независимости от пути, поверхностные интегралы. Элементы теории поля.	8,5	8,5	19		
Итого в семестре (на курсе для ЗАО)	34	34	75,75		
Консультации и промежуточная аттестация (Зачет)	0,25				
Всего контактная работа и СР по дисциплине	243,25		260,75		

4 КУРСОВОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ

Курсовое проектирование учебным планом не предусмотрено

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

5.1 Описание показателей, критериев и системы оценивания результатов обучения

5.1.1 Показатели оценивания

Код компетенции	Показатели оценивания результатов обучения	Наименование оценочного средства
ОПК-1	Демонстрирует знания основ аналитической и линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления, последовательности и ряды, численные методы, функции комплексного переменного, элементы функционального анализа, векторный анализ. Применяет математический аппарат исследования функций, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления, рядов, дифференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного, численных методов. Обладает методами решения задач с применением теоретических основ высшей математики.	Вопросы устного собеседования. Практико-ориентированные задания.

5.1.2 Система и критерии оценивания

Шкала оценивания	Критерии оценивания сформированности компетенций	
	Устное собеседование	Письменная работа
5 (отлично)	Обучающийся показывает всестороннее и глубокое знание основных понятий и теорем математики, свободно ориентируется в основных понятиях, терминах и определениях при ответе; усвоил основную литературу; проявляет творческие способности и широкую эрудицию в использовании учебного материала.	Обучающийся демонстрирует правильное понимание условия задачи, владение навыками его анализа, выбора нужных теорем и формул для ее решения. Умеет применять математический аппарат для реализации плана решения задачи и, если это необходимо, может представить его графически. Получил правильный ответ.
4 (хорошо)	Обучающийся показывает достаточный уровень знаний основных теорем; ориентируется в основных понятиях и определениях; допускает	Обучающийся демонстрирует правильное понимание условия задачи, владение навыками его анализа, выбора нужных теорем и формул для ее решения.

	незначительные погрешности при ответах на вопросы экзаменационного билета и дополнительные вопросы преподавателя.	Допускает незначительные ошибки.
3 (удовлетворительно)	Обучающийся показывает знания учебного материала в минимальном объеме; может сформулировать основные законы, понятия и определения, но при этом, допуская большое количество непринципиальных ошибок; допускает существенные ошибки в ответе на экзамене, но может устранить их под руководством преподавателя.	Обучающийся вникает в смысл условия задачи, понимает план ее решения, однако, не может в полной мере с помощью математического аппарата реализовать ее решение.
2 (неудовлетворительно)	Обучающийся не имеет достаточного уровня знания дисциплины; не может сформулировать основные теоремы; плохо ориентируется в основных понятиях и определениях; плохо знаком с основной литературой; допускает при ответе на экзамене существенные ошибки и не может устранить их даже под руководством преподавателя.	Обучающийся не может проанализировать условие задачи, наметить план ее решения, не владеет математическим аппаратом. Представление чужой работы, отказ от выполнения задания.
Зачтено	Обучающийся показывает глубокое знание основных понятий и теорем, свободно ориентируется в основных понятиях, терминах и определениях; усвоил основную литературу; проявляет творческие способности в использовании учебного материала.	Обучающийся демонстрирует правильное понимание условия задачи, владение навыками его анализа, выбора нужных теорем и формул для ее решения. Умеет применять математический аппарат для реализации плана решения задачи и, если это необходимо, может представить его графически. Получил правильный ответ.
Не зачтено	Обучающийся не имеет достаточного уровня знания дисциплины; плохо ориентируется в основных понятиях и определениях; плохо знаком с основной литературой; допускает при ответе на зачете существенные ошибки и не может устранить их даже под руководством преподавателя.	Обучающийся не может проанализировать условие задачи, наметить план ее решения, не владеет математическим аппаратом. Представление чужой работы, отказ от выполнения задания.

5.2 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

5.2.1 Перечень контрольных вопросов

№ п/п	Формулировки вопросов
Семестр 1	
1	Поверхности 2-го порядка и их применение.
2	Уравнения прямой в пространстве.
3	Уравнение плоскости.
4	Кривые второго порядка.
5	Уравнение прямой на плоскости.
6	Простейшие задачи на метод координат.
7	Смешанное произведение векторов.
8	Векторное произведение векторов.
9	Скалярное произведение векторов
10	Скалярное произведение векторов
11	Векторное пространство. Линейные операции с векторами.
12	Метод Гаусса решения систем.
13	Линейные системы уравнений. Формулы Крамера.
14	Действия с матрицами.
15	Определители.
Семестр 2	

16	Абсолютная и условная сходимость.
17	Несобственный интеграл, определение и свойства.
18	Вычисление длины дуги кривой.
19	Вычисление площади плоской фигуры.
20	Интегрирование по частям в определенном интеграле.
21	Замена переменной в определенном интеграле.
22	Теорема Барроу. Формула Ньютона-Лейбница.
23	Теорема о среднем.
24	Определенный интеграл, определение и свойства.
25	Интегрирование тригонометрических выражений.
26	Интегрирование иррациональных выражений.
27	Разложение рациональных дробей на простейшие.
28	Интегрирование по частям в неопределенном интеграле.
29	Замена переменной в неопределенном интеграле.
30	Неопределенный интеграл, определение и свойства.
31	Формула Тейлора.
32	Необходимое условие экстремума. Достаточные условия экстремума.
33	Теоремы о дифференцируемых функциях.
34	Определение и геометрический смысл дифференциала.
35	Производная функции, заданной параметрически.
36	Производная сложной функции.
37	Производные основных элементарных функций. Формула Тейлора.
38	Основные правила дифференцирования.
39	Определение и геометрический смысл производной.
40	Теоремы о функциях, непрерывных на отрезке.
41	Непрерывность. Классификация точек разрыва.
42	Бесконечно большие и их сравнение.
43	Бесконечно малые и их сравнение.
44	Замечательные пределы.
45	Предел последовательности и функции.
Семестр 3	
46	Условия независимости интеграла 2-го рода от пути.
47	Формула Грина.
48	Криволинейный интеграл 2-го рода.
49	Криволинейный интеграл 1-го рода.
50	Тройной интеграл. Определение и приложения.
51	Двойной интеграл в полярных координатах.
52	Двойной интеграл, определение и геометрический смысл.
53	Экстремум.
54	Производная по направлению, градиент.
55	Дифференциал, определение и геометрический смысл.
56	Частные производные, определение и геометрический смысл.
57	Неравенство Бесселя и равенство Парсеваля.
58	Теорема Дирихле.
59	Ряд Фурье, определение и свойства.
60	Ряд Тейлора, разложение в ряд Тейлора основных элементарных функций.
61	Степенные ряды, теорема Абеля.
62	Функциональные ряды, равномерная сходимость, дифференцирование и интегрирование рядов.
63	Абсолютная и условная сходимость.
64	Знакопеременные ряды. Признак Лейбница.
65	Признаки сходимости положительных числовых рядов
66	Приложения дифференциальных уравнений к теории колебаний.
67	Системы линейных дифференциальных уравнений.
68	Линейные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами.
69	Вариация произвольных постоянных.

70	Структура общего решения линейного уравнения 2-го порядка.
71	Уравнения 1-го порядка, сводящиеся к квадратурам.
72	Задача Коши и краевая задача для уравнения 1-го порядка.

5.2.2 Типовые тестовые задания

Не предусмотрено.

5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)

Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы) находятся в приложении к данной РПД.

5.3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, владений (навыков и (или) практического опыта деятельности)

5.3.1 Условия допуска обучающегося к промежуточной аттестации и порядок ликвидации академической задолженности

Проведение промежуточной аттестации регламентировано локальным нормативным актом СПбГУПТД «Положение о проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся»

5.3.2 Форма проведения промежуточной аттестации по дисциплине

Устная + Письменная + Компьютерное тестирование Иная

5.3.3 Особенности проведения промежуточной аттестации по дисциплине

Возможность пользоваться справочными таблицами;
Время на подготовку ответа 45 минут

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1 Учебная литература

Автор	Заглавие	Издательство	Год издания	Ссылка
6.1.1 Основная учебная литература				
Господариков, А. П., Карпова, Е. А., Карпухина, О. Е., Мансурова, С. Е., Господариков, А. П.	Высшая математика. Том 1. Линейная алгебра. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия	Санкт-Петербург: Национальный минерально-сырьевой университет «Горный»	2015	http://www.iprbooks.hop.ru/71687.html
Тимофеева, Е. Ф.	Математика. Часть 1	Ставрополь: Северо-Кавказский федеральный университет	2018	http://www.iprbooks.hop.ru/83225.html
6.1.2 Дополнительная учебная литература				
Романова, Г. Н.	Математика в таблицах. Часть 1	Казань: Казанский национальный исследовательский технологический университет	2016	http://www.iprbooks.hop.ru/79317.html
Власов, А. В.	Учебно-методическое пособие по дисциплине Математика. Математический анализ. Часть 1	Москва: Московский технический университет связи и информатики	2016	http://www.iprbooks.hop.ru/61491.html

6.2 Перечень профессиональных баз данных и информационно-справочных систем

Электронно-библиотечная система IPRbooks [Электронный ресурс]. URL: <http://www.iprbookshop.ru/>
Электронная библиотека ВШТЭ СПб ГУПТД [Электронный ресурс]. URL: <http://nizrp.narod.ru>
Электронно-библиотечная система «Айбукс» [Электронный ресурс]. URL: <https://www.ibooks.ru/>

6.3 Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения

MicrosoftWindows 8
MicrosoftOfficeProfessional 2013
PTC Mathcad 15

6.4 Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Аудитория	Оснащение
Лекционная аудитория	Мультимедийное оборудование, специализированная мебель, доска
Учебная аудитория	Специализированная мебель, доска

Приложение

рабочей программы дисциплины Математика
наименование дисциплины

по направлению подготовки 15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств
наименование ОП (профиля): Робототехнические системы

5.2.3 Типовые практико-ориентированные задания (задачи, кейсы)

№ п/п	Условия типовых практико-ориентированных заданий (задач, кейсов)
Семестр 1	
1	Какая из данных матриц не имеет обратную: 1) $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ 2) $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 1 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & 4 \end{pmatrix}$ 3) $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 0 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$?
2	$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 4 \\ 2 & 1 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$. Найти AB .
3	Решить систему: $\begin{cases} 2x + 3y - z = 4 \\ 3x - 4y + 2z = 1. \\ x + y + 3z = 5 \end{cases}$
4	A, B, C – квадратные обратимые матрицы. Какое из равенств всегда верно: 1) $ABC = BAC$; 2) $(AB)C = A(BC)$; 3) $(AB)^{-1} = A^{-1}B^{-1}$?
5	Какую кривую задает уравнение $x^2 - x + 4y^2 + 2y = 0$ 1) эллипс ; 2) гиперболу ; 3) параболу?
6	Найти ось симметрии кривой $x^2 - 2x + 4y^2 + 10y = 0 .$
7	Найти косинус угла между векторами $\mathbf{a} = (1, 2, 1)$, $\mathbf{b} = (2, -1, -1)$.
8	При каком значении параметра α векторы $\mathbf{a} = (2, -2, 3)$, $\mathbf{b} = (2, \alpha, -1)$ будут ортогональны?
9	Найти длину вектора $\mathbf{a} \times \mathbf{b}$, где $\mathbf{a} = (1, 2, 1)$, $\mathbf{b} = (2, -1, -1)$.
10	Как изменится смешанное произведение трех векторов, если заменить (\mathbf{abc}) на (\mathbf{cba}) ?
11	Через какую из этих точек проходит плоскость $2x - y + 3z - 3 = 0$ 1) $(1; 2; -1)$; 2) $(1; 2; 1)$; 3) $(1; -2; -1)$?
12	Найти угол между плоскостями $2x - y + 3z - 3 = 0$ и $x - 2y - 4z - 3 = 0$.
13	Параллельны ли две плоскости $2x - y + 3z - 3 = 0$ и $-4x + 2y - 6z + 10 = 0$?
14	Компланарны ли векторы

	$\mathbf{a} = (1, 2, 1), \mathbf{b} = (2, -1, -1), \mathbf{c} = (1, 1, 2)?$
15	Найти угол между прямой $\frac{x-3}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-4}{3}$ и плоскостью $2x - y + 3z - 3 = 0$.
16	Какой вывод следует из равенства $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = 0$, где \mathbf{a} и \mathbf{b} – ненулевые векторы ?
17	Какой вывод следует из равенства $\mathbf{a} \times \mathbf{b} = 0$, где \mathbf{a} и \mathbf{b} – ненулевые векторы ?
18	Какой вывод следует из равенства $(\mathbf{a} \mathbf{b} \mathbf{c}) = 0$, где $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$ – ненулевые векторы ?
19	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \sin(3x)/\operatorname{tg}(x)$.
20	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \ln(1 + 3x)/(x + x^2)$.
21	Какая из этих функций непрерывна на отрезке $[1; 3]$: 1) $x/(x^2 + 4x + 4)$; 2) $x/(x^2 - 4x + 3)$; 3) $1/\ln(x + 0,5)$?
22	Найдите точку разрыва функции $f(x) = x/(\ln(x) - 1)$.
23	Вычислить угол, под которым график функции $f(x)$ пересекает ось ОХ: $f(x) = \frac{1}{\sqrt{3}} \operatorname{tg}(3x), x \in (-\pi/3; \pi/3)$.
24	Под каким углом график функции e^x пересекает ось ОУ ?
25	На каком из интервалов функция $f(x) = xe^{-x}$ немонотонна: 1) $(-\infty; -1)$; 2) $(0; +\infty)$; 3) $(0; 1)$?
26	Найти интервалы монотонности функции $f(x) = x^4 + 32x$.
27	Приведите пример функции, непрерывной в некоторой точке, но не дифференцируемой в этой точке
27	Следует ли непрерывность функции из ее дифференцируемости?
29	Вычислить разность $f(x_0 + 0) - f(x_0 - 0)$, если $x_0 = 1$ и $f(x) = \begin{cases} 2x + 1, & x < 1 \\ \cos(\pi x), & x \geq 1 \end{cases}$
30	При каком значении x касательная к графику функции $\ln^2 x$ параллельна оси ОХ?
31	Найти уравнение касательной к графику функции $\operatorname{tg}(2x)$ при $x = \pi/8$.
32	Сколько точек экстремума имеет функция $f(x) = x^3 + x$ 1) 1; 2) 2; 3) 0?
33	Имеет ли график функции $f(x) = x^3 + x$ точку перегиба?
34	Вычислить дифференциал функции $f(x) = x\sqrt{x+6}$ при $x = 3, \Delta x = 0,2$.
35	Эквивалентны ли $df(x)$ и $\Delta f(x) = f(x + \Delta x) - f(x)$ при $\Delta x \rightarrow 0$?
36	Вычислить коэффициент при x^3 в разложении $\cos x$ по формуле Тейлора.
37	Вычислить коэффициент при x^3 в разложении $\sin(x)$ по формуле Тейлора
38	Функция $f(x)$ имеет непрерывные производные 1-го и 2-го порядкови $f'(1) = 0; f''(1) > 0$. Тогда при $x = 1$ функция имеет:

	1) минимум; 2) максимум ; 3) не имеет экстремума.
39	Пусть $f'(a) = 0$. Следует ли отсюда, что при $x = a$ функция имеет экстремум?
40	Найти точку перегиба для $f(x) = x^2 \ln x$.
41	Функция имеет вид $f(x) = x + h(x)$, где $h(x) \rightarrow 0$ при $x \rightarrow \infty$. Найдите уравнение асимптоты.
42	Вычислить $\int_0^4 dx / \sqrt{2x+1}$.
43	Вычислить $\int_0^\pi \sin(\frac{\pi}{3} - \frac{x}{2}) dx$.
44	Вычислить $\int_{-2}^2 f(x) dx$, если $f(x)$ – нечетная функция.
45	Какую замену переменной нужно сделать в $\int x^3 \sqrt{x+1} dx$?
46	Какую замену переменной нужно сделать в $\int \sin x \cos^2 x dx$?
47	Найти площадь фигуры, ограниченной кривыми $y = \frac{3}{x}$ и $y + x = 4$.
48	Найти площадь фигуры, ограниченной кривыми $y = x^2$ и $y = \sqrt{x}$.
49	$\int_a^b f(x) dx$ равен площади под графиком непрерывной функции $f(x)$. Может ли при этом быть, что $f(a) < 0$ и $f(b) > 0$?
50	Какой из трех интегралов можно вычислить с помощью формулы интегрирования по частям: $\int \operatorname{tg}(x) dx$, $\int \operatorname{arctg}(x) dx$, $\int \sqrt[4]{2x+1} dx$?
Семестр 2	
1	Какой из трех интегралов является несобственным: 1) $\int_0^4 dx / \sqrt{2x-1}$ 2) $\int_0^4 dx / \sqrt{2x+1}$ 3) $\int_0^4 dx / \sqrt{2x+3}$?
2	Какой из трех интегралов сходится: 1) $\int_0^{+\infty} dx / \sqrt{2x+1}$ 2) $\int_0^4 dx / x$ 3) $\int_0^{+\infty} dx / (x^2+1)$?
3	К какому типу относится уравнение $y' + xy - x^2 = 0$: 1) с разделяющимися переменными 2) однородное 3) линейное?
4	К какому типу относится уравнение $y' + x^2y - x^2y^3 = 0$: 1) с разделяющимися переменными 2) однородное 3) линейное?
5	К какому типу относится уравнение $y^2y' + xy - x^2 = 0$: 1) с разделяющимися переменными 2) однородное 3) линейное?
6	Сколько произвольных постоянных должно содержать общее решение уравнения $f(x, y, y', y'') = 0$?
7	Может ли дифференциальное уравнение иметь ровно 2 решения?
8	Найти общее решение уравнения $y' + 2xy = 0$.
9	Найти общее решение уравнения $y'' + 4y = 0$.
10	Найти общее решение уравнения $y'' + y' - 2y = 0$.
11	Найти общее решение уравнения $y'' + 2y' + y = 0$.

12	Решить задачу Коши: $y' + y = e^x$, $y(0) = 1,5$.
13	Найти частное решение уравнения $y'' + 4y = x$.
14	Найти частное решение уравнения $y'' + 4y + 4y = e^x$.
15	Найти частное решение уравнения $y'' + 4y = \sin x$.
16	Решить задачу Коши: $y'' + y = 0$, $y(0) = 1, y'(0) = 1$.
17	<p>Дан ряд $\sum_{1}^{+\infty} (-1)^n \frac{1}{n}$. Какой из ответов верен:</p> <p>1) Абсолютно сходится; 2) Сходится, но не абсолютно; 3) Расходится?</p>
18	Может ли сходиться числовой ряд $\sum_{1}^{+\infty} u_n$, если каждый третий член ряда равен 1?
19	Положительный ряд $\sum_{1}^{+\infty} u_n$ сходится. Будет ли сходиться ряд $\sum_{1}^{+\infty} u_n^2$?
20	Положительный ряд $\sum_{1}^{+\infty} u_n$ сходится. Будет ли сходиться ряд $\sum_{1}^{+\infty} \sqrt{u_n}$?
21	Какой из признаков сходимости нужно применить к ряду $\sum_{1}^{+\infty} \frac{n}{2^n}$: 1) сравнения; 2) Даламбера; 3) Лейбница?
22	Пусть $S_m = \sum_{1}^m (-1)^n \frac{1}{n}$, $S = \sum_{1}^{+\infty} (-1)^n \frac{1}{n}$. Верно ли, что $ S - S_{10} < 0,1$?
23	<p>Даны положительные ряды 1) $\sum_{1}^{+\infty} u_n$ и 2) $\sum_{1}^{+\infty} v_n$, причем ряд 2) сходится и $u_n/v_n \rightarrow 2$ при $n \rightarrow +\infty$. Тогда ряд 1):</p> <p>А) расходится; Б) сходится; В) нет определенного ответа.</p>
24	<p>Можно ли разложить функцию</p> $f(x) = \sqrt[3]{x^2}$ <p>в ряд Тейлора в точке 0?</p>
25	<p>Ряд Тейлора для $f(x) = \frac{1}{\sin(x)}$ в точке $x_0 = \pi/2$ сходится в одном из следующих интервалов. В каком:</p> <p>(1) $(-1; 1)$; (2) $(0; \pi)$; (3) $(0; 2\pi)$?</p>
26	Найти коэффициент при x^3 в разложении функции $1/\cos(x)$ в ряд Тейлора в окрестности 0.
27	Найти коэффициент при x^3 в разложении функции $1/(x^4 + x^2 + 1)$ в ряд Тейлора в окрестности 0.
28	Найти коэффициент при x^2 в разложении функции $x \cdot \ln(x)$ в ряд Тейлора в окрестности точки $x = 1$.
29	<p>Пусть $a_0, a_i, b_i, i=1,2,\dots$, коэффициенты ряда Фурье для функции $f(x) = 3x$ на отрезке $[-2; 2]$.</p> <p>Вычислить сумму $a_0^2/2 + \sum_{i=1}^{+\infty} (a_i^2 + b_i^2)$, не вычисляя коэффициентов.</p>
30	Вычислить a_{10} – коэффициент ряда Фурье для функции

	$f(x) = \operatorname{tg}(x/2)$ на отрезке $[-2; 2]$.
31	$S(x)$ – сумма ряда Фурье для функции $f(x) = \begin{cases} 1, & -1 \leq x \leq 0 \\ x, & 0 < x \leq 1 \end{cases}$. Найти $S(0)$.
32	Сколько стационарных точек имеет функция $f(x, y) = 2x^3 + xy^2 + 5x^2 + y^2$?
33	Сколько точек экстремума имеет функция $f(x, y) = 4(x - y) - x^2 - y^2$?
34	Найти наибольшее значение функции $f(x, y) = x^2 - y^2$ в круге $x^2 + y^2 \leq 4$.
35	Найти наименьшее значение функции $f(x, y) = xy^2 - x - y$ в треугольнике с вершинами $A(0; 0)$, $B(1; 1)$, $C(0; 1)$.
36	Уравнение $xy^2 - x^3 - y = 0$ задает функцию $y(x)$ в окрестности точки $(0; 0)$. Найти $y'(0)$.
37	Поверхность задана уравнением $2x^3 + xy^2 + 5x^2 + y^2z - 11 = 0$. Проходит ли она через начало координат?
38	$S(x)$ – сумма ряда Фурье для функции $f(x) = \begin{cases} 1, & -1 \leq x \leq 0 \\ x, & 0 < x \leq 1 \end{cases}$. Найти $S(0,5)$.
39	Сколько стационарных точек имеет функция $f(x, y) = x^3 + y^2 + 5x^2 + y^2$?
40	Сколько точек экстремума имеет функция $f(x, y) = 4(x + y) - x^2 - y^2$?
41	Найти наибольшее значение функции $f(x, y) = x^2 - 2y^2$ в круге $x^2 + y^2 \leq 2$.
42	Найти наименьшее значение функции $f(x, y) = xy^2 + x - y$ в треугольнике с вершинами $A(0; 0)$, $B(2; 1)$, $C(0; 1)$
43	Уравнение $xy^2 - x^3 - y = 0$ задает функцию $y(x)$ в окрестности точки $(0; 0)$. Найти $y'(0)$.
44	Найти уравнение касательной плоскости к поверхности $3(x - y) - x^2 - y^2 + z^2 = 0$ в точке $(2; 2; 0)$.
45	Изменить порядок интегрирования в повторном интеграле $\int_1^2 dx \int_{x^2}^4 f(x, y) dy$.
46	Какое из выражений является полным дифференциалом: 1) $ydx + xdy$; 2) $ydx - xdy$; 3) $ydx - xydy$?
47	Найти объем тела, определенного неравенствами $0 \leq z \leq 4 - x - y$, $x + y \leq 1$, $x \geq 0$, $y \geq 0$.
48	Градиент функции $f(x, y, z)$ в некоторой точке равен $\nabla f = 4i - 2j + \sqrt{5}k$. Вычислить производную функции f в этой точке по направлению вектора ∇f .
49	Найти криволинейный интеграл 2-го рода $\oint Pdx + Qdy$ по границе ABCA треугольника с вершинами $A(0; 0)$, $B(1; 1)$, $C(0; 1)$, если известно, что $\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y} \equiv 1$?
50	Найти криволинейный интеграл 2-го рода $\oint Pdx + Qdy$ по границе ABCA треугольника с вершинами $A(0; 0)$, $B(1; 1)$, $C(0; 1)$, если известно, что

	$\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y} \equiv 0?$
Семестр 3	
1	Вычислить криволинейный интеграл 2-го рода $\oint x dx + dy$ по границе сектора круга $x^2 + y^2 \leq 1$, $0 \leq x$, $0 \leq y$.
2	Вычислить дивергенцию векторного поля $F(x, y, z) = xi - xyj + xyzk$ в точке (1; -1; 2).
3	Вычислить ротор векторного поля $F(x, y, z) = xi - xyj + xyzk$ в точке (1; -1; 2).
4	Найти уравнение касательной плоскости к поверхности $3(x + y) - x^2 - y^2 + z^2 + 8 = 0$ в точке (2; -2; 0).
5	Изменить порядок интегрирования в повторном интеграле $\int_1^2 dx \int_{x-1}^4 f(x, y) dy$.
6	Какое из выражений является полным дифференциалом 1) $3ydx + (3x + 2y)dy$; 2) $ydx - xdy$; 3) $ydx - xydy$?
7	Найти объем тела, определенного неравенствами $0 \leq z \leq 6 - x - y$, $x + y \leq 2$, $x \geq 0$, $y \geq 0$.
8	Градиент функции $f(x, y, z)$ в некоторой точке равен $\nabla f = i - j + \sqrt{2}k$. Вычислить производную функции f в этой точке по направлению вектора ∇f .
9	Найти криволинейный интеграл 2-го рода $\oint Pdx + Qdy$ по границе ABCA треугольника с вершинами A(0; 2), B(3; 0), C(0; 0), если известно, что в треугольнике выполнено условие $\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y} \equiv 1$?
10	Найти криволинейный интеграл 2-го рода $\oint Pdx + Qdy$ по границе ABCA треугольника с вершинами A(0; 0), B(1; 1), C(0; 1), если известно, что $\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y} \equiv 0$?
11	Вычислить криволинейный интеграл 2-го рода $\oint x dx + dy$ по кривой, заданной уравнениями $\begin{cases} x = t^2 - t^3 \\ y = 1 - t^4 \end{cases} 0 \leq t \leq 2$.
12	Вычислить дивергенцию векторного поля $F(x, y, z) = yi - xj + xzk$ в точке (1; -1; 2)
13	Вычислить ротор векторного поля $F(x, y, z) = yi - xj + xzk$ в точке (1; -1; 2)
14	A, B, C – случайные события. Событие D состоит в том, что произошло C и хотя бы одно из событий A и B. Выразить D формулой через A, B, C.
15	A, B, C – случайные события. Событие D состоит в том, что или не произошло C или произошло хотя бы одно из событий A и B. Выразить D формулой через A, B, C.
16	A, B, C – случайные события. Событие D состоит в том, что не произошло ни одно из событий A, B, C. Выразить D формулой через A, B, C.
17	A, B, C – случайные события. Событие D состоит в том, что или не произошло C или произошли оба события A и B. Выразить D формулой через A, B, C.
18	A и B независимые события, $P(A) = 0,75$, $P(B) = 0,8$. Найти $P(\overline{A + B})$.
19	Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0,8. Какова вероятность, что из 5-х

	выстрелов будет ровно 1 попадание?
20	Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0,8. Какова вероятность, что из 4-х выстрелов будет хотя бы одно попадание?
21	Случайная величина X принимает значения 1,2,3,4 с вероятностями 0,1; 0,2; 0,3; 0,4. Найти математическое ожидание X .
22	A и B независимые события, $P(A) = 0,75$, $P(B) = 0,8$. Найти $P(A + B)$.
23	Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0,8. Какова вероятность, что из 4-х выстрелов будет ровно 2 попадания?
24	Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0,8. Какова вероятность, что из 4-х выстрелов не будет ни одного попадания?
25	Случайная величина X принимает значения 1,2,3,4 с вероятностями 0,1; 0,2; 0,3; 0,4. Найти математическое ожидание X .
26	Плотность вероятности случайной величины X равна $f(x) = \begin{cases} 0,5 \cos(x), & x \leq \frac{\pi}{2} \\ 0, & x > \frac{\pi}{2} \end{cases}$. Найти математическое ожидание X .
27	Плотность вероятности случайной величины X равна $f(x) = \begin{cases} 0,5 \cos(x), & x \leq \pi/2 \\ 0, & x > \pi/2 \end{cases}$. Найти вероятность того, что $0 \leq X \leq \pi/6$.
28	Плотность вероятности случайной величины X равна $f(x) = \begin{cases} 0,5x, & 0 \leq x \leq 2 \\ 0, & x < 0 \text{ или } x > 2 \end{cases}$. Найти дисперсию X .
29	Найти вероятность, что сумма очков при двух бросаниях кости равна 4.
30	Случайная величина X принимает значения 1,-1,2,-4 с вероятностями 0,1; 0,2; 0,3; 0,4. Найти математическое ожидание X .
31	Случайная величина X принимает значения 1,-1,2,-4 с вероятностями 0,1; 0,2; 0,3; 0,4. Найти среднее квадратичное отклонение X .
32	Плотность вероятности случайной величины X равна $f(x) = \begin{cases} 2x^2, & x \leq 1 \\ 0, & x > 1 \end{cases}$. Найти вероятность того, что $0 \leq X \leq 0,5$.
33	Имеется 5 карточек с буквами Ш, А, Л, А, Ш. Карточки перемешаны и затем расположены в случайном порядке. Какова вероятность, что получится слово ШАЛАШ?
34	Имеется 10 карточек с буквами М, А, Т, Е, М, А, Т, И, К, А. Карточки перемешаны и затем расположены в случайном порядке. Какова вероятность, что получится слово МАТЕМАТИКА?
35	В группе 10 юношей и 15 девушек. Выбрали наугад 4 дежурных. Какова вероятность, что дежурят 2 девушки и 2 юноши?
36	Ошибка измерения подчиняется нормальному закону, причем дисперсия равна 0,04., а математическое ожидание неизвестно. Сколько нужно провести измерений, чтобы среднее арифметическое результатов измерений отклонялось от

	математического ожидания не более, чем на 0,005, с вероятностью 0,95?
37	Средняя доля брака в продукции предприятия равна 2%. Для контроля отбираем случайным образом 100 изделий. Пусть X – число бракованных изделий в этой выборке. Вычислить математическое ожидание X .
38	Ошибка измерения подчиняется нормальному закону, причем $\sigma = 0.3$. X – результат одного измерения. Вычислить $P(\mu - \sigma \leq X \leq \mu + \sigma)$.
39	Средняя доля брака в продукции предприятия равна 5%. Для контроля отбираем случайным образом 20 изделий. Пусть X – число бракованных изделий в этой выборке. Вычислить дисперсию X .
40	Дисперсия случайной величины X равна 1. Пусть $\bar{X} = \frac{1}{20} \sum_{n=1}^{20} X_n$, где X_n , $n = 1, 2, \dots, 20$, – значение X при очередном независимом испытании. Найти дисперсию \bar{X} .